

نام و نام خانوادگی :

کلاس :

نام دبیر : آقای مجید رضا صدیقیان

رشته تحصیلی: ریاضی فیزیک

شماره:

مدیریت آموزش و پرورش منطقه ۱۴

دیارستان غیر دولتی پسرانه پیام غدیر

پایانی اول ۹۶-۹۷

تاریخ امتحان: ۹۶/۱۰/۱۳

نام درس: ریاضیات گسسته

مدت امتحان: ۸۰ دقیقه

ساعت شروع امتحان: ۷ صبح

تعداد برگ سئوال: ۱ صفحه



بارم

۱/۵

۱ - درجه رأس‌های یک گراف ساده و همبند  $a, b, c \in \{1, 2, 3, 4\}$  است. اگر  $p = \frac{2}{3}q$  باشد، {چه مقادیری می‌پذیرد؟

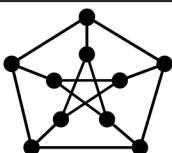
۱/۵

۲ - (الف) گراف بازه‌های  $(1, 5), (0, 4), (2, 4), (3, 6), (5, 7)$  را رسم کنید.

(ب) این گراف با افزودن چند یال به گراف کامل تبدیل می‌شود؟

۱/۵

۳ - تمام گراف‌های ساده و همبند که مجموع مرتبه و اندازه آن ۹ باشد را رسم نمایید.



۱/۵

۴ - (الف) در گراف مقابل چند دور با طول ۵ وجود دارد؟

(ب) برای تبدیل آن به درخت، چند یال از آن باید حذف کرد؟

۱/۵

۵ - در یک گراف کامل حاصل ضرب اندازه و مرتبه آن ۵۰ می‌باشد، این گراف چند دور با طول ۴ دارد؟

۱/۵

۶ - اگر  $A$  ماتریس مجاورت یک درخت با مرتبه ۷ باشد، مجموع درایه‌های قطری  $A^2$  را بدست آورید.

۱/۵

۷ - در تقسیم عدد سه رقمی  $a$  و مضرب ۵، بر عدد طبیعی  $b$ ، خارج قسمت ۲۱ و باقیمانده ۳۷ می‌باشد.  $a$  را بدست آورید.

۸ - عدد ۷۵ مختصوم به چند صفر است؟



۱/۵

۹ - اگر  $(abc)^5 = (cba)^8$  باشد، مقادیر  $a, b, c$  را بیابید.

۱/۵

۱۰ - حاصل  $\epsilon(5342) - \epsilon(1553)$  را در مبنای ۶ محاسبه کنید.

۱/۵

۱۱ - اگر  $n$  عدد طبیعی و دو عدد  $5 - 4n$  و  $n + 4$  دارای مقسوم علیه مشترک غیر ۱ باشند، آن‌گاه  $n$  های دورقمری را بیابید.

۱/۵

۱۲ - مجموع دو عدد ۲۷۷۲ و بزرگترین مقسوم علیه مشترک آن‌ها ۲۳۱ است. آن دو عدد را بیابید.

۱/۵

۱۳ - معادله سیاله  $110 = 12y + 25x$  در مجموعه اعداد طبیعی چند زوج جواب دارد؟

۱

۱۴ - عدد شش رقمی  $ababab$  بر چه اعداد اولی قطعاً بخش‌پذیر است؟

موفق باشید.